

1. Играчи A и B независно један од другог бирају по два једноцифрена броја. Наћи вероватноћу да ће добити исте збирове.
2. У аутобусу је n путника. На следећој станици сваки од њих може изаћи са вероватноћом p . Сем тога, у аутобус на следећој станици неће ући ниједан путник са вероватноћом p_0 , а ући ће један путник са вероватноћом $1 - p_0$. Одредити вероватноћу да ће у аутобусу после следеће станице опет бити n путника.
3. Од стрелаца њих 4 погађају са вероватноћом 0,8, њих 7 са вероватноћом 0,7, њих 4 са вероватноћом 0,6, а њих 3 са вероватноћом 0,5. Случајно одређен стрелац гађао је мету, али је промашио. Одредити вероватноћу његовог припадања свакој од наведених група.
4. Коцка се баца до прве појаве стране 2, али не више од 4 пута. Одредити расподелу, средњу вредност и дисперзију променљиве X — број изведених бацања, а затим расподелу, средњу вредност и дисперзију променљиве Y — број добијених двојки.

1. Играчи A и B независно један од другог бирају по два једноцифрена броја. Наћи вероватноћу да ће добити исте збирове.
2. У аутобусу је n путника. На следећој станици сваки од њих може изаћи са вероватноћом p . Сем тога, у аутобус на следећој станици неће ући ниједан путник са вероватноћом p_0 , а ући ће један путник са вероватноћом $1 - p_0$. Одредити вероватноћу да ће у аутобусу после следеће станице опет бити n путника.
3. Од стрелаца њих 4 погађају са вероватноћом 0,8, њих 7 са вероватноћом 0,7, њих 4 са вероватноћом 0,6, а њих 3 са вероватноћом 0,5. Случајно одређен стрелац гађао је мету, али је промашио. Одредити вероватноћу његовог припадања свакој од наведених група.
4. Коцка се баца до прве појаве стране 2, али не више од 4 пута. Одредити расподелу, средњу вредност и дисперзију променљиве X — број изведених бацања, а затим расподелу, средњу вредност и дисперзију променљиве Y — број добијених двојки.

1. Играчи A и B независно један од другог бирају по два једноцифрена броја. Наћи вероватноћу да ће добити исте збирове.
2. У аутобусу је n путника. На следећој станици сваки од њих може изаћи са вероватноћом p . Сем тога, у аутобус на следећој станици неће ући ниједан путник са вероватноћом p_0 , а ући ће један путник са вероватноћом $1 - p_0$. Одредити вероватноћу да ће у аутобусу после следеће станице опет бити n путника.
3. Од стрелаца њих 4 погађају са вероватноћом 0,8, њих 7 са вероватноћом 0,7, њих 4 са вероватноћом 0,6, а њих 3 са вероватноћом 0,5. Случајно одређен стрелац гађао је мету, али је промашио. Одредити вероватноћу његовог припадања свакој од наведених група.
4. Коцка се баца до прве појаве стране 2, али не више од 4 пута. Одредити расподелу, средњу вредност и дисперзију променљиве X — број изведених бацања, а затим расподелу, средњу вредност и дисперзију променљиве Y — број добијених двојки.

1. (121. задатак) И играч A и играч B добију уређени пар (i, j) , где је $0 \leq i, j \leq 9$. Дакле укупан број исхода је 10^4 . Приметимо да је $0 \leq i + j \leq 18$. Ова сума $i + j$ је једнака 0 [18] само за један пар — $(0, 0)$ [(9, 9)], једнака је 1 [17] само за два пара — $(0, 1)$ и $(1, 0)$ [(8, 9) и (9, 8)] итд. Дакле тражена вероватноћа је:

$$\frac{2(1 + 4 + 9 + 16 + 25 + 36 + 49 + 64 + 81) + 100}{10^4} = 6,7\%.$$

2. (181. задатак) Означимо тражени догађај са D . Са H_1 — означимо хипотезу да на следећој станици неће ући ниједан путник, а са H_2 — означимо хипотезу да ће на следећој станици ући један путник (**обратите пажњу да из услова задатка следи да не може на следећој станици ући више од једног путника**). Тада по формули потпуне вероватноће добијамо да је

$$P(D) = p_0(1-p)^n + (1-p_0)\binom{n}{1}(1-p)^{n-1}p,$$

јер $P(H_1) = p_0$ и $P(D/H_1) = (1-p)^n$ (ако нико није ушао на следећој станици, онда није нико ни изашао), а $P(H_2) = 1 - p_0$ и $P(D/H_2) = \binom{n}{1}(1-p)^{n-1}p$ (ако је ушао један путник, онда је један из аутобуса и изашао, а тај који је изашао може бити било ко од њих n).

3. (171. задатак) Имамо четири могуће хипотезе: H_1 — случајни стрелац је из 1. групе, H_2 — случајни стрелац је из 2. групе, H_3 — случајни стрелац је из 3. групе и H_4 — случајни стрелац је из 4. групе. Укупно је стрелаца 18, па су апериорне вероватноће: $P(H_1) = 4/18$, $P(H_2) = 7/18$, $P(H_3) = 4/18$ и $P(H_4) = 3/18$. Ако искористимо Бајесову формулу, добијамо да су редом за ове хипотезе апостериорне вероватноће:

$$\begin{aligned} 1.: \frac{\frac{4}{18} 0,2}{\frac{4}{18} 0,2 + \frac{7}{18} 0,3 + \frac{4}{18} 0,4 + \frac{3}{18} 0,5} &= \frac{8}{60}, & 2.: \frac{\frac{7}{18} 0,3}{\frac{4}{18} 0,2 + \frac{7}{18} 0,3 + \frac{4}{18} 0,4 + \frac{3}{18} 0,5} &= \frac{21}{60}, \\ 3.: \frac{\frac{4}{18} 0,4}{\frac{4}{18} 0,2 + \frac{7}{18} 0,3 + \frac{4}{18} 0,4 + \frac{3}{18} 0,5} &= \frac{16}{60}, & 4.: \frac{\frac{3}{18} 0,5}{\frac{4}{18} 0,2 + \frac{7}{18} 0,3 + \frac{4}{18} 0,4 + \frac{3}{18} 0,5} &= \frac{15}{60}. \end{aligned}$$

4. (417. задатак и део 423. задатка)

$$X: \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ \frac{36}{216} & \frac{30}{216} & \frac{25}{216} & \frac{125}{216} \end{pmatrix}$$

$$EX = 1 \frac{36}{216} + 2 \frac{30}{216} + 3 \frac{25}{216} + 4 \frac{125}{216} = \frac{671}{216}$$

$$X^2: \begin{pmatrix} 1 & 4 & 9 & 16 \\ \frac{36}{216} & \frac{30}{216} & \frac{25}{216} & \frac{125}{216} \end{pmatrix}$$

$$EX^2 = 1 \frac{36}{216} + 4 \frac{30}{216} + 9 \frac{25}{216} + 16 \frac{125}{216} = \frac{2381}{216}$$

$$DX = EX^2 - (EX)^2 = \frac{2381}{216} - \frac{671^2}{216^2}$$

$$Y: \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ \frac{5^4}{6^4} & 1 - \frac{5^4}{6^4} \end{pmatrix}$$

(обратите пажњу да се може појавити највише једна двојка)

$$EY = 0 \cdot \frac{5^4}{6^4} + 1 \cdot \left(1 - \frac{5^4}{6^4}\right) = 1 - \frac{5^4}{6^4}$$

$$Y^2: \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ \frac{5^4}{6^4} & 1 - \frac{5^4}{6^4} \end{pmatrix}$$

$$EY^2 = 0 \cdot \frac{5^4}{6^4} + 1 \cdot \left(1 - \frac{5^4}{6^4}\right) = 1 - \frac{5^4}{6^4}$$

$$DY = EY^2 - (EY)^2 = 1 - \frac{5^4}{6^4} - \left(1 - \frac{5^4}{6^4}\right)^2 = \frac{5^4}{6^4} - \frac{5^8}{6^8}$$